

Übungen zur Analysis IV  
- Blatt 10 -

1. Zeigen Sie:  
Ist  $U \subset \hat{\mathbb{C}}$  offen,  $f : U \rightarrow \hat{\mathbb{C}}$  stetig,  $f^{-1}(\infty) \subset U$  diskret,  $f|_{U \setminus f^{-1}(\infty)}$  holomorph, so ist  $f : U \rightarrow \hat{\mathbb{C}}$  holomorph.
2. Bestimmen Sie die Untergruppe  $G_a \subset \text{Aut}(\hat{\mathbb{C}})$ ,  
 $G_a = \{\varphi \in \text{Aut}(\hat{\mathbb{C}}) \mid \varphi(a) = a\}$ , wobei  $a \in \hat{\mathbb{C}}$ .
3. Bestimmen Sie  $\text{Aut}(\mathbb{C}^*)$  und  $\text{Aut}(\mathbb{C} \setminus \{0, 1\})$ !
4. (a) Sei  $G \subset \hat{\mathbb{C}}$  ein Gebiet,  $G' \subset \hat{\mathbb{C}}$  ein weiteres Gebiet; es gebe  $\varphi : G \rightarrow G'$  biholomorph.  
Zeigen Sie:  $\text{Aut}(G) \simeq \text{Aut}(G')$ .  
Gilt auch die Umkehrung?  
(b) Bestimmen Sie ein Gebiet  $G \subset \hat{\mathbb{C}}$  mit  $\text{Aut}(G) = \{1\}$  bzw.  $\text{Aut}(G) \simeq \mathbb{Z}_2$ .
5. Sei  $H = \{z \in \mathbb{C} \mid \text{Im } z > 0\}$ .  
Bestimmen Sie alle  $\varphi \in \text{Aut}(H)$  mit  $\varphi(i) = i$ .

**Abgabe:** Montag, den 8.7.2002, 10.13 Uhr